# LUT カスケードにおけるレール出力の符号化法について

永安 伸也<sup>†</sup> 笹尾 勤<sup>††</sup> 松浦 宗寛<sup>††</sup>

† 九州工業大学大学院 情報創成工学専攻
〒 820-8502 福岡県飯塚市大字川津 680-4
†† 九州工業大学 情報工学部
〒 820-8502 福岡県飯塚市大字川津 680-4

あらまし 中間出力を有する LUT カスケードでレール出力の符号化法を工夫することにより, セルの出力数を削減す る方法を示す. セルの出力数を削減することで LUT の出力数とカスケードの段数を削減できる. LUT の出力数を削 減すればメモリ量を削減でき, 段数を削減すれば評価時間を削減できる. LUT カスケードの設計には, 多出力関数の 特性関数を表す BDD(BDD\_for\_CF)を用いる. 本手法を用いて, 多数のベンチマーク関数において LUT の出力数を 10%程度削減できた. また, LUT の出力数と同時にカスケードの段数も削減できた場合もあった.

キーワード 論理合成, BDD\_for\_CF, 関数分解, LUT カスケード, 符号化問題, Non-Strict encoding

# An Encoding Method for Rail Outputs in LUT cascades

Shinya NAGAYASU<sup>†</sup>, Tsutomu SASAO<sup>††</sup>, and Munehiro MATSUURA<sup>††</sup>

† Program of Creation Informatics, Kyushu Institute of Technology kawazu 680–4, Iizuka, Fukuoka, 820–8502 Japan

†† Department of Comoputer Science and Eloctronics, Kyushu Institute of Technology kawazu 680–4, Iizuka, Fukuoka, 820–8502 Japan

**Abstract** This paper shows a method to reduce the number of cell outputs for an LUT cascade with intermediate outputs by considering encoding. Reduction of the number of rail outputs reduces the number of outputs of LUTs and, the number of levels. Reduction of the number of outputs of LUTs reduces the amount of memory, while the reduction of the number of levels reduces the evaluation time. We use a BDD for characteristic function (BDD\_for\_CF) in the design. Experimental results show that our approach reduces the number of outputs of LUTs by 10%, and sometimes reduces the number of levels as well.

**Key words** Logic synthesis, BDD\_for\_CF, Functional decomposition, LUT cascade, Encoding problem, Non-Strict encoding

1. はじめに

LSIの集積度の増大に伴い、その開発期間や設計コストが増大している[1]. この問題を解決する方法の一つとして再構成可能なアーキテクチャを採用することが挙げられる.本論文では、再構成可能なアーキテクチャとして次のものを考える.

- RAM
- PLA
- FPGA
- 汎用マイクロプロセッサ

このうち, RAM と PLA は任意の論理関数を実現可能である.しかし,単一素子では回路の大きさが 2<sup>n</sup> に比例して増加するため実用的でない.従って,一般的には FPGA を用いる.但

し, FPGA は大規模になると配線部分の領域が大きくなってし まう. また, 配線部分が不規則なので遅延時間の予測が困難であ る. 演算速度が低くても良い場合には汎用マイクロプロセッサ を利用できる. しかしこれは, 消費電力が大きい割には低速であ る. そこで, 本研究ではマイクロプロセッサと FPGA との中間 の性能を持った LUT カスケードを用いる [2]. LUT カスケード は, 論理関数をメモリのカスケードで表現する. LUT カスケー ドは規則的回路構造を有しているので次のような特徴を持つ.

- 使用環境や,製造ばらつきに対して安定.
- 再プログラムが容易.

• 冗長性の付加と誤り検出・訂正技術使用により, 耐故障 化が可能.

LUT カスケードでは、LUT 間の配線は隣同士の LUT 間の



みに限定されている. そのため, 配線領域の問題が解決できる. 従って,後は面積と評価時間の削減が問題となる. LUT カス ケードでは段数が大きくなれば評価時間も大きくなり, LUT の 出力数が大きくなれば必要とする面積も大きくなる. よって段 数と LUT の出力数の削減が問題となる. 本研究では, LUT カ スケードのレール出力の符号化を工夫することでセルの出力数 を削減する. これにより LUT の出力数と段数を削減できる.

#### 2. 論理関数の関数分解[3]

本章では,論理関数を複数個に分解し別々に実現する方法に ついて述べる.

[定義1] 入力変数を  $X = (x_1, x_2, ..., x_n)$ とする. X の 変数の集合を {X} で表す. { $X_1$ }  $\cup$  { $X_2$ } = {X} かつ { $X_1$ }  $\cap$  { $X_2$ } =  $\phi$  のとき, ( $X_1, X_2$ ) を X の分割 (partition) と いう. X の変数の個数を |X| で表す.

[定義 2] 論理関数 f(X)に対して, X の分割を  $(X_1, X_2)$ とす る.  $2^{n_1}$  列  $2^{n_2}$  行の表で, 各行, 各列に二進符号のラベルを持 ち, その要素が f の対応する真理値表であるような表を, f の 分解表 (decomposition chart) といい,  $M(f:X_1, X_2)$  で表す. ここで,  $n_1 = |X_1|$ ,  $n_2 = |X_2|$  であり, 列, 行はそれぞれ  $n_1$ ,  $n_2$ ビットの全てのパターンを有する.  $X_1$ を束縛集合 (bound set),  $X_2$  を自由集合 (free set) という.

[定義 3] 分解表の異なる列パターンの個数を列複雑度 (column multiplicity) と呼び $\mu$ で表す.また,各列パターンが表す 論理関数を列関数といい $\Phi_i(X_2)$  ( $i = 1, ..., \mu$ ) で表す.

論理関数 f(X) の列複雑度は、入力変数の分割  $(X_1, X_2)$  に依存する.

[例1] f(X)を4変数関数、 $(X_1, X_2)$ をXの分割、但し X<sub>1</sub> =  $(x_1, x_2)$ 、 $X_2 = (x_3, x_4)$ とする、表1は分解表の例で ある、ここで、列複雑度は $\mu = 2$ である、また、列関数は  $\Phi_1(X_2) = x_3 x_4 \lor \bar{x}_3 \bar{x}_4$ ,  $\Phi_2(X_2) = 0$ である、(例終り)

[定理 1] X の分割 (X<sub>1</sub>, X<sub>2</sub>) において, 関数 f の分解表 M(f: X<sub>1</sub>, X<sub>2</sub>) の列複雑度が μ のとき, f は





図 2 カット集合

 $f(X) = g(h_1(X_1), h_2(X_1), \dots, h_u(X_1), X_2)$ 

と表現でき、図 1 の回路構造で実現可能である. ここで、回路 HとG の間の接続線数は  $u = \lceil \log_2 \mu \rceil$  である.

[定義 4]  $(X_1, X_2)$  を X の分割とする. 関数 f を表現する BDD において、その変数順序を  $(X_1, X_2)$  とする. この BDD において  $X_1$  の節点から直接接続される  $X_1$  以外の節点の集合 をカット集合 (cut set) という. また、カット集合の要素数を カットの大きさという.

[定理 2] X の分割を  $(X_1, X_2)$  とし、分解表  $M(f : X_1, X_2)$ の列複雑度を  $\mu$ , 各列関数を  $\Phi_i(X_2)(i = 1, ..., \mu)$  とする. カッ ト集合 *cut\_set* の各要素を根とする BDD は、列関数  $\Phi_i$  を表現 する. また、これより明らかに  $|cut\_set| = \mu$  である.

[例 2] 例 1 で用いた論理関数 f を表現する BDD を図 2 に 示す. 破線は 0 枝を,実線は 1 枝を表す. ここで,束縛集合は  $X_1 = (x_1, x_2)$ ,自由集合は  $X_2 = (x_3, x_4)$  である. このとき, カット集合は  $cut\_set = \{v_1, v_2\}$  である. また,  $v_1$  を根とする BDD は列関数  $\Phi_1$  を,  $v_2$  を根とする BDD は列関数  $\Phi_2$  を表現 する. (例終り)

#### 3. 多出力関数の表現 [4]

前章で述べた関数分解は単一出力関数のみを対象にしており, 多出力関数にはそのままでは適用できない.そこで本論文では,



特性関数 (characteristic function, CF) を用いた多出力関数の 表現法を用いる.特性関数を用いることで,n入力m出力の多 出力関数を (n+m)入力1出力の論理関数として扱うことがで きる.

[定義 5] 入力変数を  $X = (x_1, x_2, \dots, x_n)$ , 多出力関数を  $F = (f_1(X), f_2(X), \dots, f_m(X))$ とする. このとき,

$$\chi(X,Y) = \bigwedge_{i=1}^{m} (y_i \equiv f_i(X))$$

を多出力関数の特性関数という. ここで *y<sub>i</sub>* は出力を表す変数で ある.

多出力関数の特性関数は入力と出力の組合せのうち,許されているものを表す.よって,許されない入力と出力の組合せの 場合は値が0となる.

[定義 6] 多出力関数の特性関数を  $\chi(Z)$  とする. ここで, Z は 入力変数または出力変数を表す.  $\chi(Z)$  の分解表で, 異なる列パ ターンの個数を列複雑度という. 但し列複雑度を数えるときに, 全ての値が 0 である列パターンは無視する.

[例3] 多出力関数の特性関数  $\chi(Z)$  において, Z の分割 を  $(Z_1, Z_2)$  としたときの分解表の例を表 2 に示す. 但し,  $Z_1 = (x_1, x_2, y_1), Z_2 = (x_3, y_2)$  である. 定義 6 で述べたよ うに,特性関数の分解表では列複雑度を数えるときに,全ての値 が 0 である列パターンは無視する.よって表 2 の場合, 列複雑 度  $\mu$  は 3 である. (例終り)

[定理3] 多出力関数の特性関数  $\chi(Z)$  において, Z の分割 を  $(Z_1, Z_2)$  とし、分解表  $M(f : Z_1, Z_2)$  の列複雑度を  $\mu$  とす る. ここで、 $\{Z_1\} = \{X_1\} \cup \{Y_1\}, \{Z_2\} = \{X_2\} \cup \{Y_2\}$  とし、  $\{X_1\}, \{X_2\}$  は入力変数の集合を表し  $\{Y_1\}, \{Y_2\}$  は出力変数の 集合を表す. このときこの多出力関数は、関数分解により図 3 のような中間出力  $Y_1$  を有する回路で実現できる. また、回路 H と G の間の接続線数は  $u = \lceil \log_2 \mu \rceil$  である.

[定義 7] 関数 *f* が変数 *x* に依存するとき *x* は *f* のサポート 変数という.



図 3 中間出力を有する関数分解



X 4 BDD\_for\_CF

[定義 8] 多出力関数  $F = (f_1(X), f_2(X), \dots, f_m(X))$ の特 性関数  $\chi$  を表現する BDD を、多出力関数 F の BDD\_for\_CF という. 但し BDD の変数は、根節点を最上位としたとき、出力 を表す変数  $y_i$ は  $f_i$  のサポート変数の下に置く.

[定理 4] 多出力関数の特性関数  $\chi(Z)$  において, Z の分割を ( $Z_1, Z_2$ )とし、分解表  $M(f : Z_1, Z_2)$ の列複雑度を  $\mu$ , 各列関数 を  $\Phi_i(Z_2)(i = 1, ..., \mu)$ とする. カット集合 *cut\_set* の各要素 を根とする BDD は、列関数  $\Phi_i$  を表現する. 但しカット集合を 求めるときに、出力を表現する変数から定数 0 に向かう枝は無 視する.

[例 4] 表 2 の分解表で表現した特性関数の BDD\_for\_CF を 図 4 に示す.破線は 0 枝を,実線は 1 枝を表す.ここで,束縛 集合は  $Z_1 = (x_1, x_2, y_1)$ ,自由集合は  $Z_2 = (x_3, y_2)$  である.ま た,カット集合  $cut\_set$  は,出力変数から定数 0 に向かう枝は無 視するので  $cut\_set = \{v_1, v_2, v_3\}$ となる.また, $v_1$  を根とする BDD は列関数  $\Phi_1$  を, $v_2$  を根とする BDD は列関数  $\Phi_2$  を, $v_3$ を根とする BDD は列関数  $\Phi_3$  を表現する. (例終り)

BDD\_for\_CF に対して繰り返し関数分解を行うことで図5 に 示すような LUT のカスケード回路を得る. この図において,各

-3 -



図 5 LUT カスケード



図 6 2本のセル出力を削減した回路

段の回路  $C_i$ をセルといい,  $X_i$ を外部入力,  $Y_i$ を外部出力という. また,  $C_i$ から  $C_{i+1}$ への出力線をレール出力線といい, レール出力線の本数  $u_i$ をレール数という. さらに, 外部出力とレール出力とを合わせたセルの出力をセル出力といい, その本数をセル出力数という.

k入力 LUT を用いて LUT カスケードを実現する際, 各段の レール数は k - 1 以下とする必要がある. これをレール数制限 という. セルの最大出力数が r のとき,  $u_i + |Y_i| \le r$  とする必 要がある. これをセル出力数制限 という.

#### 4. セル出力数の削減法

本章では、LUT カスケードにおいてセル出力数を削減するた めのレール出力の符号化法を考案する. この符号化法では LUT カスケードのある段において、レール出力  $h_i$  をその段の外部 出力  $y_j$  または外部入力  $x_k$  と等しくする. これによりレール出 力  $h_i$  は不要となりセル出力数を削減できる. 図 6 に  $h_1 = x_k$ ,  $h_u = y_j$  とした回路を示す. 但し、 $x_k \in \{X_1\}, y_j \in \{Y_1\}$ であ る.

 [定義9] 分解表の1つの列関数に1つの二進符号を割り当て る符号化法をStrict encodingという.また1つの列関数に複数の二進符号を割り当てる符号化法をNon-Strict encoding という.

本研究では、関数分解を行う際に Non-Strict encoding を行うことで、レール出力を外部出力関数または入力変数と等しくする.次に、本章で用いる用語について述べる.

[定義 10] 多出力関数の特性関数  $\chi(Z)$  において, Z の分割

を  $(Z_1, Z_2)$  とし、  $\{Z_A\} \subseteq \{Z_1\}$  とする.  $Z_A$  の変数に  $z_{i_1} = t_1, z_{i_2} = t_2, \dots, z_{i_k} = t_k$  と 2 値の定数を割り当てた際の列パ ターンが表す論理関数を  $(z_{i_1} = t_1, z_{i_2} = t_2, \dots, z_{i_k} = t_k)$ に対する列関数という. また、そのときの列パターンの個数を  $(z_{i_1} = t_1, z_{i_2} = t_2, \dots, z_{i_k} = t_k)$ に対する列複雑度という.

[例 5] 表 2 において、 $(x_1 = 0)$ に対する列関数は  $\Phi_1 \ge \Phi_2$ であり、 $(x_1 = 1, x_2 = 1)$ に対する列関数は  $\Phi_3$ 、 $(x_1 = 0, x_2 = 0, y_1 = 1)$ に対する列関数は  $\Phi_1$  である。同様に、 $(x_1 = 0)$ に対する列複雑度は 2 であり、 $(x_1 = 1, x_2 = 1)$ に対する列複雑 度は 1、 $(x_1 = 0, x_2 = 0, y_1 = 1)$ に対する列複雑度も 1 である。 (例終り)

4.1 1本のセル出力の削減法

まず,1本のレール出力を外部出力と等しくする符号化を考 える.

[定理 5] 多出力関数の特性関数  $\chi(Z)$ において, Z の分割を ( $Z_1, Z_2$ ), 分解表の列複雑度を  $\mu$ , レール数を  $u = \lceil \log_2 \mu \rceil$  とし, 各列関数を  $\Phi_i(Z_2)$  ( $i = 1, 2, ..., \mu$ ) とする. ( $y_j = 0$ )に対する 列複雑度が  $2^{u-1}$  以下でかつ ( $y_j = 1$ )に対する列複雑度が  $2^{u-1}$ 以下のとき, かつその時のみ, 符号化を工夫することによりレー ル出力 h と外部出力  $y_j$  を等しくできる. ここで  $y_j \in \{Z_1\}$  で ある.

[アルゴリズム 1]  $(h_1 = y_j$ とする符号化)

(1)  $y_j$ が定理 5の条件を満足するとき,  $(y_j = 0)$ に対する 列関数に, 0 から順に二進符号 v  $(0 \le v < 2^{u-1})$ を割り当てる.

(2)  $(y_j = 1)$  に対する列関数について, (1) において既に符 号 v が割り当てられている場合,その列関数に二進符号  $v + 2^{u-1}$ を割り当てる. (1) で符号を割り当てられていない列関数には,未使用の二進符号 t  $(2^{u-1} \leq t < 2^u)$ を割り当てる.

[例 6] 図 7 はある関数を表現する BDD\_for\_CF の上部を表 したものである. ここで出力変数から定数 0 に向かう枝は省 略してある. また,破線は 0 枝を,実線は 1 枝を表す. 束縛 集合は  $Z_1 = (x_1, y_1, x_2, x_3)$  であり,カットの大きさは 5 であ る.  $(y_1 = 0), (y_1 = 1)$  に対する列複雑度は共に 3 である.  $u = \lceil \log_2 5 \rceil = 3, 2^{u-1} = 4$  よりこの分解は定理 5 の条件を満 足するため, $h_1 = y_1$  と符号化できる.まず  $(y_1 = 0)$  に対する 列関数  $\Phi_3, \Phi_4, \Phi_5$  にそれぞれ符号 (000), (001), (010) を割り当 てる.次に  $(y_1 = 1)$  に対する列関数  $\Phi_1, \Phi_2, \Phi_3$  に符号を割り 当てる.  $\Phi_3$  には既に符号 (000) が割り当てられているため,既 に割り当てられている符号 (000) の最上位ビットを 1 にした符 号 (100) を更に割り当てる. $\Phi_1, \Phi_2$  にはそれぞれ未使用の符号 (101), (110) を割り当てる.このように符号化を行えば  $h_1 = y_1$ となる. (例終り)

上と同様の操作で、レール出力と外部入力変数 x<sub>i</sub> とを等しく

-4 -



図 8  $h_1 = y_1, h_2 = x_3$ となる符号化

することも可能である[5].

#### 4.2 複数のセル出力の削減法

定理 5 を一般化することにより複数のレール出力を外部入力 や外部出力と等しくできる. そのための条件は以下のようにな る.

[定理 6] 多出力関数の特性関数  $\chi(Z)$  において Z の分割を ( $Z_1, Z_2$ ), 分解表の列複雑度を  $\mu$ , レール数を  $u = \lceil \log_2 \mu \rceil$  と し, 各列関数を  $\Phi_i(Z_2)(i = 1, 2, ..., \mu)$  とする.  $\{Z_A\} \subseteq \{Z_1\}$ ,  $z_{j_r} \in \{Z_A\}$  としたとき,  $Z_A$  への割り当て

$$(z_{j_1} = 0, z_{j_2} = 0, \dots, z_{j_{p-1}} = 0, z_{j_p} = 0)$$
  

$$(z_{j_1} = 0, z_{j_2} = 0, \dots, z_{j_{p-1}} = 0, z_{j_p} = 1)$$
  

$$\vdots$$
  

$$(z_{j_1} = 1, z_{j_2} = 1, \dots, z_{j_{p-1}} = 1, z_{j_{p-1}} = 0)$$

$$(z_{j_1} = 1, z_{j_2} = 1, \dots, z_{j_{p-1}} = 1, z_{j_p} = 0)$$
$$(z_{j_1} = 1, z_{j_2} = 1, \dots, z_{j_{p-1}} = 1, z_{j_p} = 1)$$

に対する列複雑度がいずれも 2<sup>*u*-*p*</sup> 以下であるとき, かつその

ときのみ、符号化を工夫することによりレール出力  $h_r$  と  $z_{j_r}$  を 等しくできる. 即ち

$$h_r = z_{j_r} (r = 1, 2, \dots, p)$$

とできる.

定理6を用いた、レール出力を外部入力や外部出力と等しく するアルゴリズムを示す.これにより複数のセル出力を削減で きる.

[アルゴリズム 2] (複数のセル出力の削減)

(1) 定理 6 を満足しかつ p の値を最大とする変数集合  $Z_A = \{z_{j_1}, z_{j_2}, \dots, z_{j_{p-1}}, z_{j_p}\}$ を求める.

(2) 1 で  $p \ge 2$  の場合,  $Z_A$  の割り当て

$$(z_{j_1} = 0, z_{j_2} = 0, \dots, z_{j_{p-1}} = 0, z_{j_p} = 0)$$
  

$$(z_{j_1} = 0, z_{j_2} = 0, \dots, z_{j_{p-1}} = 0, z_{j_p} = 1)$$
  

$$\vdots$$
  

$$(z_{j_1} = 1, z_{j_2} = 1, \dots, z_{j_{p-1}} = 1, z_{j_p} = 0)$$
  

$$(z_{j_1} = 1, z_{j_2} = 1, \dots, z_{j_{p-1}} = 1, z_{j_p} = 1)$$

のそれぞれに対する列関数を調べる.

(3)  $(z_{j_1} = 0, z_{j_2} = 0, \dots, z_{j_{p-1}} = 0, z_{j_p} = 0)$  に対する列 関数から順に、上位 p ビットが  $(z_{j_1}, z_{j_2}, \dots, z_{j_{p-1}}, z_{j_p})$  である 未使用の二進符号を割り当てる.

[例 7] 図 8 はある関数を表現する BDD\_for\_CF の上部を表 したものである. ここで出力変数から定数0に向かう枝は省 略してある. また,破線は0枝を,実線は1枝を表す. 束縛 集合は  $Z_1 = (x_1, x_2, y_1, x_3, x_4)$  であり、カットの大きさは 5 である.  $(y_1 = 0, x_3 = 0), (y_1 = 0, x_3 = 1), (y_1 = 1, x_3 = 0)$  $(y_1 = 1, x_3 = 1)$  に対する列複雑度はそれぞれ 2 である.  $u = [\log_2 5] = 3, 2^{u-2} = 2$ より、この分解は定理 6 の条件を満 足するため,  $h_1 = y_1, h_2 = x_3$  と符号化できる.  $(y_1 = 0, x_3 = 0)$ に対する列関数 Φ<sub>2</sub>, Φ<sub>3</sub> に上位 2 ビットが 00 である符号を割り 当てる.ここでは、Φ<sub>2</sub>に符号 (000) を、Φ<sub>3</sub>に符号 (001) を割り 当てる.同様に  $(y_1 = 0, x_3 = 1)$  に対する列関数  $\Phi_3, \Phi_5$  にそれ ぞれ符号 (010), (011) を割り当てる. さらに,  $(y_1 = 1, x_3 = 0)$ に対する列関数  $\Phi_1, \Phi_2$  にそれぞれ符号 (100), (101) を割り当 てる. 最後に, $(y_1 = 1, x_3 = 1)$ に対する列関数  $\Phi_3, \Phi_4$ にそれぞ れ符号(110),(111)を割り当てる.このように符号化を行えば (例終り)

### 5. 実験結果

各ベンチマーク関数に対し, LUT カスケードを設計する際に 本手法を適用した場合の結果を表 3 に示す. このとき LUT の 最大入力数 *k* を 13, セルの最大出力数を 8 とした.

- PC: IBM PC/AT 互換機
- CPU: Pentium4 xeon 2.8GHz
- memory: 4GB
- OS: Linux 2.4.2

表 3 の Strict は Strict encoding のみを用いた場合の結果を表

表 3 Strict encoding と本手法の比較

Name	In	Out	Strict			Non-Strict		
			$\operatorname{Cas}$	Lvl	LUTs	$\operatorname{Cas}$	Lvl	LUTs
5xp1	7	10	1	2	13	1	2	11
C1908	33	25	5	5	140	5	5	134
apex2	39	3	1	5	20	1	5	19
apex3	54	50	2	26	234	2	25	215
apex7	49	37	2	16	139	2	11	96
b9	41	21	1	7	45	1	6	32
bw	5	28	1	7	55	1	5	37
c8	28	18	2	6	49	2	6	47
сс	21	20	1	4	31	1	4	27
$\rm cm150a$	21	1	1	2	5	1	2	3
decode	5	16	1	3	23	1	3	21
duke2	22	29	1	9	69	1	7	55
frg2	143	139	6	19	414	6	16	333
lal	26	19	1	4	29	1	4	27
ldd	9	19	1	4	30	1	4	23
misex2	25	18	1	5	31	1	4	28
misex3	14	14	2	3	29	2	3	25
mux	21	1	1	2	5	1	2	3
pcler8	27	17	2	6	46	2	4	32
rot	135	107	12	16	610	12	12	526
seq	41	35	1	14	108	1	11	83
term1	34	10	1	5	25	1	5	23
too_large	38	3	1	5	20	1	5	19
ttt2	24	21	2	7	58	2	7	57
vda	17	39	1	13	98	1	9	68
vg2	25	8	1	3	14	1	3	11
unreg	36	16	1	4	25	1	4	25
x1	51	35	4	6	121	4	6	106
x3	135	99	5	17	307	5	17	297
x4	94	71	3	18	194	3	9	147

Strict: Strict encoding のみを行った場合 Non-Strict:本手法を適用した場合

し、Non-Strict は Non-Strict encoding を用いてセル出力数の 削減を行った場合の結果を表す. また、Cas はカスケードの本 数、Lvl は最大段数、LUTs は LUT の出力数を表す.

本手法により、ほとんどの場合で LUT の出力数を削減できた.特に apex7, bw, pcler8 は LUT の出力数を 30% 以上削減できた.また、LUT の出力数と最大段数を同時に削減できる場合があることも分かった.カスケードの段数を削減するには、関数分解を行う際に束縛集合  $X_B$  の要素数  $|X_B|$  をできるだけ大きくする必要がある.しかし  $|X_B|$  を大きくするとセル出力数が大きくなり過ぎ、セル出力数制限に収まらず関数分解ができないときがある.このような場合にも、本手法を用いてセル出力数を削減することで関数分解が可能になることがある.よって、本手法を用いることでカスケードの段数を削減できる場合がある.

## 6. 結 論

本論文では、LUT カスケードのレール出力の符号化を工夫 することで、セル出力数を削減する手法を示した. これにより LUT の出力数を削減できた. また、LUT の出力数とカスケー ドの段数を同時に削減できる場合があることも示した.

LUT カスケードを実現する際,使用できるメモリ量には上限 がある. だが本手法を用いれば LUT の出力数を削減できるの で,LUT の入力数をより大きくしても回路を実現できる場合が ある. 一般に,LUT の入力数を大きくすればより少ない段数で カスケードを作ることができる.よって,メモリ量削減よりも 高速化を図りたい場合にも本手法は有効であるといえる.

#### 謝 辞

本研究は一部,日本学術振興会,科学研究費補助金及び文部科 学省・北九州地域・知的クラスタ創成事業補助金による.明治 大学の井口幸洋助教授には,熱心にご討論頂いた.

#### 文 献

- R. K. Brayton, "The future of logic synthesis and verification," in S. Hassoun and T. Sasao (e.d.), Logic Synthesis and Verification, Kluwer Academic Publishers, Oct. 2001.
- [2] T. Sasao, M. Matsuura, and Y. Iguchi, "A cascade realization of multiple-output function for reconfigurable hardware," International Workshop on Logic and Synthesis (IWLS 2001) Lake Tahoe, CA, June 12-15, 2001, pp.225-230.
- [3] 笹尾 勤 著『論理設計 スイッチング回路理論』,近代科学社, 1995.
- [4] T. Sasao and M. Matsuura, "A method to decompose multioutput logic functions," 41st Design Automation Conference, San Diego, CA, USA, June 2-6, 2004, pp.428-433.
- [5] 郷司隼人, 笹尾勤, 松浦宗寛, "LUT カスケードにおける LUT 数削減法", 電子情報通信学会 VLSI 技術研究会, VLD2001-99, 北九州 (2001-11).
- [6] H. Sawada, T. Suyama and A. Nagoya "Logic synthesis for look-up table based FPGAs using functional decomposition and boolean resubstitution," IEICE Trans. Information and Systems, Vol. E80-D, No.10, pp.1017-1023, Oct. 1997.
- [7] ミシュチェンコ, 笹尾, "レイル数に制限のある LUT カスケードの 論理合成法," 電子情報通信学会 VLSI 技術研究会, VLD2002-99, 琵琶湖 (2002-11).
- [8] R. Murgai, F. Hirose, and M. Fujita, "Logic synthesis for a single large look-up table," *Proc. International Conference* on Computer Design, pp.415-424, Oct. 1995.
- [9] Y-T. Lai, M. Pedram and S. B. K. Vrudhula, "BDD based decomposition of logic functions with application to FPGA synthesis," 30th ACM/IEEE Design Automation Conference, June 1993.